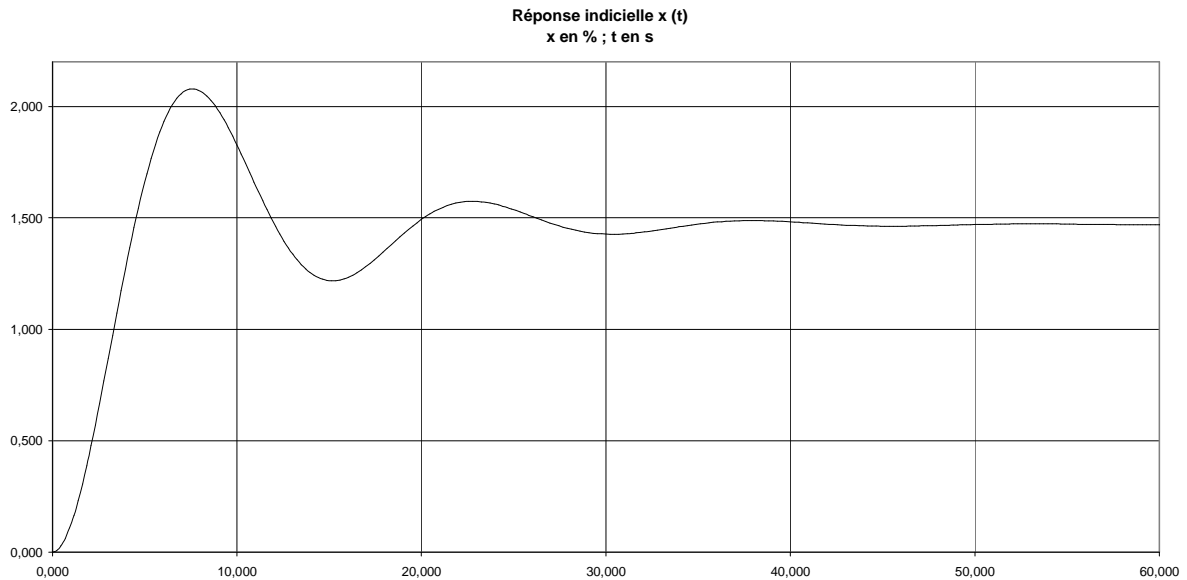


## EXERCICES CHAPITRE 5 : Systèmes du 2<sup>nd</sup> ordre

### EX 1 :



Soit, ci dessous, la réponse  $x(t)$  d'un système à un échelon d'entrée  $y(t)$  de 5%.

1. Déterminer graphiquement (le plus précisément possible) le premier dépassement  $D_1$  la pseudo période  $T_p$ .
2. En déduire le **gain statique K**, le **coefficient d'amortissement  $\lambda$**  et la **pulsation propre (naturelle)  $\omega_0$**  du système. *On utilisera les formules qui figurent dans le cours.*
3. En déduire la transmittance  $H(p)$  du système. Exprimer  $H(p)$  en fonction de  $Y(p)$  et  $X(p)$ .

$$X_f = 1,47 ; \Delta Y = 5 ; K = 0,294 ; D_1 = 0,61 ; D_{ir} = 41,5 ; \ln(100/D_1) = 0,88 ; \lambda = 0,27$$

$$T_p = 15,12 \text{ s} ; \omega_p = 0,416 \text{ rad.s}^{-1} ; \omega_0 = 0,432 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$F(p) = \frac{1}{(1+1,25p+2,315p^2)}$$

### EX 2 :

Soit un système bouclé d'entrée  $w(t)$  et de sortie  $x(t)$ . Sa fonction de transfert  $F(p)$  est donnée par :

$$F(p) = \frac{1}{(1+120p)(1+11p)}$$

1. Déterminer le coefficient d'amortissement  $\lambda$ , la pulsation naturelle  $\omega_0$  et le gain statique  $K_s$  du système. Dans quel régime se trouve-t-on ? Donner l'allure générale de la réponse indicielle (c'est-à-dire à un échelon de commande) du procédé.

$\omega_0 = 0,0275$  ;  $\lambda = 1,8$  ; régime apériodique

2. On augmente la valeur du gain du régulateur. Un conséquence est que le coefficient d'amortissement vaut maintenant  $\lambda = 0,4$ . Dans quel régime se trouve-t-on à présent ? Donner la valeur du 1<sup>er</sup> dépassement et de la pseudo-période et en déduire le tracé de la réponse à un échelon de commande  $\Delta w = 5\%$ .

